

Realizzazione di membrane e fibre cave







APPLICAZIONI

Fino ad oggi sono state sviluppate varie tipologie di dispositivi extracorporei.

Probabilmente, i più noti sono gli OSSIGENATORI EMATICI, che vengono usati in procedure come la chirurgia a cuore aperto e l'emodialisi per sostituire la funzione di reni difettosi.

Altri esempi includono:

-*l'emoperfusione,* in cui un letto di particelle di carbone attivato vengono impiegate per la purificazione del sangue da materiali tossici -la *plasmaferesi,* che viene utilizzata per separare gli eritrociti dal plasma, come un primo passo del conseguente trattamento del plasma stesso

- i *reattori a immobilizzazione enzimatica,* che vengono usati per liberare il corpo da una particolare sostanza o per sostituire la funzione del fegato

- le *colonne di affinità*, impiegate per rimuovere materiali come gli anticorpi che sono spesso causa di molte *malattie autoimmuni*.

APPLICAZIONI

L'unità funzionale primaria dei dispositivi extracorporei è generalmente provvista di una cartuccia sterile.

Tuttavia, in alcuni casi, considerando che i costi per la salute sono in costante aumento, l'unità funzionale può essere riutilizzata diverse volte, a condizione che venga pulita e sterilizzata tra ogni applicazione.

Sicuramente non esistono limiti alle possibili applicazioni dei sistemi extracorporei.

Tuttavia, qualunque sia la funzione del dispositivo, ci dovranno essere delle similitudini tra i sistemi stessi, in termini di procedura di costruzione, uso di

membrane e schemi fluido-contatto.

SCHEMI di CONTATTO

In genere, dispositivi come gli OSSIGENATORI EMATICI e i DIALIZZATORI si basano sull'uso di **MEMBRANE**

POLIMERICHE per creare l'area di superficie necessaria per ottenere un trasferimento di massa tra il flusso ematico ed il flusso un altro fluido di scambio. La membrana è trattenuta fisicamente all'interno del dispositivo

da una struttura di supporto che genera anche i CANALI di FLUSSO.



Coil dialyzer.



Hollow-fiber (capillary) dialyzer.



PROCESSI di SEPARAZIONE a MEMBRANA

Processo di separazione	Tipo di membrana	Forza motrice	Applicazioni
Microfiltrazione	Simmetrica microporosa	Pressione	Filtrazione sterile chiarificazione
Ultrafiltrazione	Asimmetrica microporosa	Pressione	Separazione di molecole
Osmosi inversa	Asimmetrica "Skin Type"	Pressione	Separazione di sali e microsoluti
Dialisi	Simmetrica microporosa	Concentrazione	Separazione di sali, microsoluti e macromolecole
Elettrodialisi	A scambio ionico	Potenziale elettrico	Dissalazione di soluzioni ioniche
Separazione di gas	Asimmetrica "Skin Type"	Pressione e concentrazione	Separazione di miscele gassoe
Membrane liquide supportate	Simmetrica microporosa con fase organica adsorbita	Potenziale chimico	Separazione di ioni metallici e specie biologiche

Utilizzo di MEMBRANE in CAMPO MEDICO

- Solutione del sangue (**polmone artificiale**)
- Fegato artificiale
- Pelle sintetica
- 🛛 Rilascio di farmaci
- Plasmaferesi
- Purificazione del sangue (Rene artificiale)
 - EMODIALISI
 - EMOFILTRAZIONE EMOFILTRAZIONE-EMODIALISI SIMULTANEE
 - ULTRAFILTRAZIONE-EMODIALISI SEQUENZIALE

I processi a membrana, già impiegati in diversi settori tecnologici, trovano sempre più interesse scientifico e applicativo anche in campo biomedico. La *MEMBRANA* rappresenta la struttura più importante dei sistemi biologici ed ha un ruolo fondamentale in molti processi di scambio e separazione.

Data la grande importanza delle membrane nel sostentamento dei sistemi viventi è stata rivolta molta attenzione alla preparazione e alla caratterizzazione di **MEMBRANE ARTIFICIALI** capaci di riprodurre almeno in parte le proprietà tipiche delle **MEMBRANE BIOLOGICHE**.

Per **applicazioni biomediche**, i materiali costituenti la membrana devono possedere un complesso range di proprietà per poter essere **compatibili** con i tessuti viventi e con i fluidi biologici.

Il termine membrana include una grande varietà di sistemi, membrane biologiche, sintetiche, diverse per tipo di preparazione e composizione chimico-fisica.

Una membrana può essere definita come un *elemento di discontinuità (un'interfaccia) interposta tra due fasi fluide,* attraverso cui avviene il trasporto di specie chimiche da una fase all'altra.

Ciò che accomuna le membrane è la loro funzionalità, consistente nell'operare come barriere selettive. Risulta quindi possibile definire una membrana in base alla funzione che svolge come una "fase che agisce come una barriera per prevenire un movimento di massa, ma consente il passaggio regolato e ristretto di una o più specie".

Una membrana può essere **OMOGENEA** e uniforme sia nella composizione che nella struttura, oppure chimicamente e fisicamente **ETEROGENEA**, con pori di dimensioni finite. Il trasferimento di massa attraverso una membrana, può verificarsi per **diffusione** di singole molecole o attraverso un **flusso convettivo** indotto da un campo elettrico o da un gradiente di concentrazione, di pressione o

di temperatura.

Meccanismi di trasporto attraverso una membrana semipermeabile





Osmosi: passaggio della sola acqua attraverso la membrana semipermeabile dal sangue nel dializzato maggiormente concentrato, secondo un gradiente di pressione osmotica. Migliore esempio: dialisi peritoneale. Glucosio per aumentare l'osmolarità.

Osmosi



Diffusione: la differenza di concentrazione dei soluti tra sangue e dializzato determina lo spostamento delle molecole del soluto dalla soluzione più concentrata a quella meno concentrata.

Diffusione

Il trasporto di una o più specie attraverso una membrana è determinato da una **differenza di potenziale chimico** del soluto nelle soluzioni separate dalla membrana.

Il trasporto di una specie può essere promosso da una differenza (gradiente) di pressione (P), concentrazione (C) o di temperatura (T). Tali forze sono tra loro interattive. Nel caso inoltre di una specie "osmoticamente attiva", l'esistenza di una *differenza di concentrazione* crea una *differenza di pressione osmotica* di cui occorre tener conto nella stima del flusso risultante. L'entità del flusso dipenderà comunque sia dalla forza spingente sia dalle proprietà della membrana ("cut-off", permeabilità, porosità, natura

chimica) e dalle interazioni chimico-fisiche con la specie permeante.

La distinzione fra i vari processi a membrana viene di solito fatta sulla base delle dimensioni delle specie che si vuole trattare.

Tale dimensione viene talvolta espressa direttamente in termini di diametro

della specie esclusa dal trasporto attraverso la membrana,



Le membrane possono essere classificate in base a diversi criteri:

- natura del materiale polimerico (naturale o sintetico)
- *struttura* (simmetrica o asimmetrica, porosa o non porosa)
- *meccanismo* attraverso cui si attua la separazione (la dimensione delle specie permeanti e la loro solubilità in membrana)

proprietà chimico-fisiche della membrana (idrofobica o idrofilica)
Le membrane possono essere classificate in base alla dimensione dei pori nel modo seguente:

- MEMBRANE POROSE
- MEMBRANE DENSE
- MEMBRANE ASIMMETRICHE (porose con skin denso)

Le membrane *POROSE* presentano pori, generalmente *interconnessi*, di varia forma e dimensione, ed il polimero di solito occupa solo una piccola parte del volume totale.

Il trasporto di materia, generato da **gradienti** di pressione e/o di concentrazione e/o di potenziale elettrico avviene attraverso i pori e risulta quindi dipendente dalle dimensioni di questi ultimi, oltre che da quelle delle molecole di soluto. A seconda delle dimensioni dei pori possono essere ulteriormente suddivise in *microporose* se il diametro dei pori è inferiore ai 10 µm e *macroporose* se il diametro dei pori supera i 10 µm.

> MICROPOROSE d < 10 ?m pori MACROPOROSE d pori > 10 ?m

MEMBRANE POROSE

Principali metodi di preparazione

RADIAZIONI, un film polimerico viene sottoposto al bombardamento con frammenti radioattivi che danneggiano il materiale creando delle tracce; in teoria, con tale tecnica si dovrebbero ottenere dei capillari paralleli attraverso lo spessore della membrana, in realtà si ottengono delle strutture spugnose;

STRETCHING, un film polimerico omogeneo parzialmente cristallino viene stirato in direzione perpendicolare alla direzione di estrusione; si creano delle microfratture e si ottiene una struttura porosa;

SINTERIZZAZIONE, il polimero in polvere viene compresso e sinterizzato ed il risultato è una struttura con porosità dipendente dalle dimensioni delle particelle della polvere di partenza;

INVERSIONE di FASE, si parte da una soluzione polimerica omogenea che in seguito all'aggiunta di un non-solvente da luogo ad un sistema bifasico: si ottiene una fase solida ricca in polimero, che costituisce la matrice della membrana, ed una fase liquida, ricca del non-solvente, che forma i pori della membrana.

MEMBRANE DENSE

Le membrane **DENSE** non possiedono pori di dimensioni microscopiche intenzionalmente creati, ma sono comunque dotate di vuoti costituiti dagli spazi tra le catene molecolari (il cosiddetto "volume libero") dell'ordine di 5-10 Å. Tecniche di preparazione

CASTING, si stende un film di soluzione sufficientemente concentrata su una superficie piana e si lascia evaporare lentamente il solvente. In questo caso, il tipo di solvente usato e le modalità di allontanamento del solvente condizionano fortemente le proprietà finali della membrana;

FUSIONE, il polimero viene fuso ed estruso sottoforma di film;

POLIMERIZZAZIONE, si ottiene un film per polimerizzazione diretta.

In questo caso il trasporto di materia ha luogo esclusivamente per fenomeni diffusivi,

dovuti a differenze di concentrazione di un soluto tra le due fasi.

Tali membrane trovano applicazione soprattutto nella separazione di gas e nell'osmosi inversa e risultano idonee anche per impieghi in **DIALISI**. **Diffusività e solubilità delle specie chimiche sono i parametri che regolano il trasporto di materia attraverso le membrane dense**.

MEMBRANE ASIMMETRICHE

Le membrane **ASIMMETRICHE** presentano una pellicola esterna (*skin*) densa molto sottile, **responsabile del comportamento selettivo della membrana** e un **supporto poroso** di maggiore spessore.

spessore strato denso 0,1-0,5 μm spessore strato poroso 0,1-0,2 mm

La presenza dello skin consente di ottenere contemporaneamente **selettività** e **flussi elevati**, mentre il supporto poroso facilità la maneggiabilità, consente di operare anche con elevati gradienti di pressione ed è responsabile delle caratteristiche meccaniche. Le prime membrane di questo tipo sono state a base di **acetato di cellulosa** per la desalinizzazione

dell'acqua e sono state realizzate con il processo "Loeb- Sourirajan".

MEMBRANE ASIMMETRICHE

Il principio base per la preparazione di membrane asimmetriche è l'**INVERSIONE DI FASE**, conosciuta anche come *precipitazione polimerica*. L'inversione di fase avviene per precipitazione di una soluzione polimerica con la conseguente formazione di due fasi, una fase solida, ricca in polimero che costituisce la matrice della membrana, ed una liquida, povera di polimero, costituente i pori della membrana. La precipitazione polimerica può avvenire per raffreddamento, per evaporazione del solvente, per immersione in un *controsolvente* (*coagulante, non-solvente*) o in fase vapore per assorbimento di umidità o di un controsolvente.

Se la concentrazione del polimero, dove si verifica la separazione di fase è la stessa, si

ottiene una struttura a pori uniforme.

MEMBRANE ASIMMETRICHE

Un altro sistema utilizzato nella preparazione di membrane asimmetriche è *l'EVAPORAZIONE CONTROLLATA (+ COAGULAZIONE)*: in questo caso lo skin si ottiene per evaporazione controllata del solvente; successivamente, il film viene immerso in un bagno contenente il **non-solvente** ottenendo così il supporto poroso.

In generale, la velocità di trasporto attraverso una membrana dipende dal suo spessore, ma spessori troppo bassi, sebbene aumentino la velocità di flusso, rendono le membrane più fragili e imperfette. Le membrane asimmetriche, a parità di spessore, permettono di avere **flussi elevati** rispetto alle altre tipologie di membrana, è per

questo che trovano largo uso lì dove è necessario avere alte velocità di flusso

MEMBRANE SIMMETRICHE e ASIMMETRICHE



Rappresentazione schematica delle caratteristiche di filtrazione per una membrana (a) **simmetrica** e (b) **asimmetrica**

MEMBRANE caricate elettricamente

Particolari tipi di membrane sono quelle *caricate elettricamente*; queste possono essere dense, ma in genere sono microporose e con la parete dei pori caricata con ioni positivi o negativi. Naturalmente se gli ioni sono positivi, la membrana è a scambio anionico, altrimenti a scambio cationico. La loro permeabilità dipende quindi dalla carica e dalle dimensioni dei pori contemporaneamente.

Le membrane finora descritte sono costituite da polimeri sintetici, comunque sta crescendo l'interesse in molti settori industriali verso membrane di materiali alternativi

(es. ceramici) utilizzati come membrane microporose per processi di ultrafiltrazione.

SISTEMI POROSI

Sistemi porosi in campo Biomedico:

- Membrane per Emodialisi ed Emofiltrazione
- Sistemi di immob. enzimatica e proteica
- Sistemi a rilascio controllato di principi attivi
- Scaffolds (tissue engineering)
- Fibre cave
- Polimeri a RICONOSCIMENTO

Metodologie preparative principali per sistemi porosi o densi:

- Casting
- Fusione ed estrusione Polimerizzazione
- Inversione di fase



MEMBRANE DENSE

Casting Realizzazione di sistemi polimerici a partire da *soluzione omogenea* polimero-solvente con allontanamento del solvente per evaporazione

Parametri di controllo principali: TEMPERATURA, CONCENTRAZIONE SOL., PRESENZA DI ADDITIVI, VELOCITA' del PROCESSO, VENTILAZIONE.

Fusione ed estrusione Realizzazione di sistemi polimerici in forma di fibra o unidirezionali per *estrusione da fuso*: il polimero termoplastico viene fuso (T >

T) quindi fatto passare attraverso una filiera sagomata.
fus

Parametri di controllo principali: TEMPERATURA DI ESTRUSIONE, VELOCITA' di RAFFREDDAMENTO, FORMA della FILIERA, PARAMETRI di STIRO, PRESSIONE.

Polimerizzazione in situ - La reazione di polimerizzazione del monomero viene fatta avvenire in modo tale che si formi direttamente il device polimerico

finale (ad esempio in forma di film)



Inversione di Fase

Processo più utilizzato per la realizzazione di membrane porose simmetriche o asimmetriche

Soluzione polimerica omogenea

Sistema bifase : fase ricca in polimero (struttura rigida)

fase povera in polimero (vuoti e pori)

Il processo viene realizzato inducendo una "instabilità TD" per mezzo di un cambiamento di parametri quali:

- Temperatura
- Composizione
- Solubilità

Inversione di Fase: Processi utilizzati

Precipitazione per immersione: aggiunta di un controsolvente ad una soluzione polimerica omogenea (*non-solvent induction phase separation* **NIPS**).

Precipitazione per evaporazione controllata: evaporazione del solvente da una miscela polimero-solvente-non solvente.

<u>Precipitazione indotta termicamente</u>: soluzione ad alta temperatura del polimero nel solvente e successivo rapido raffreddamento della soluzione (quench) (*thermal induced phase* separation TIPS).

Precipitazione in fase vapore: il non-solvente è in fase vapore, e da tale fase penetra nella soluzione polimerica.

Precipitazione per via termica: una soluzione POL-SOL-NON_SOL viene raffreddata in modo controllato.

Formazione di un sistema poroso per Inversione di Fase

MEMBRANE OTTENUTE per "DIPPING"

(Precipitazione per Immersione)







Lo **strato interno** vicino al piano di vetro, avente composizione molto prossima alla soluzione iniziale, data la *scarsa interdiffusione solvente- non solvente*.

Lo **strato intermedio** fluido, situato tra la zona di precipitazione e quella di solidificazione; in esso inizia lo smiscelamento tra la fase ricca in polimero e quella povera. Al punto C la concentrazione in solvente è ancora elevata per cui il polimero risulta ancora fluido, mentre nella zona vicina al bagno di coagulo si ha un minore contenuto in solvente ed un maggior contenuto in precipitante: per questo motivo la viscosità della soluzione aumenta dal punto C al punto D, in cui la fase è quasi del tutto solida.

Lo **strato solido**, in cui cala il contenuto di solvente nella fase polimerica solida, fino al raggiungimento della composizione B. Accanto al cambiamento di composizione si verifica uno "shrink" del polimero che produce uno stato di stress nella struttura con conseguenti fenomeni di creep e formazione di

microcricche.

Fattori che influenzano la formazione della struttura porosa

- Concentrazione soluzione polimerica
- Solvente e non-solvente utilizzati
- Rapporto quantitativo tra solvente e non solvente e miscibilità tra i due
- Temperatura del bagno di coagulo

SKIN DENSO Separazione di fase iniziale solo in superficie con elevato gradiente di potenziale chimico ed elevata concentrazione di polimero in superficie

PORI Resistenza alla diffusione dello skin, precipitazione lenta e formazione struttura omogenea porosa

FINGERS Tensioni di contrazione dello skin con formazione di microfratture e

diffusione di solvente e controsolvente in corrispondenza delle irregolarità



n

polymer film

point of ecipitatio

water bath

Profili di concentrazione del precipitante in funzione del tempo durante la formazione della membrana t 1

t n



Alcuni esempi

Tipica struttura a spugna



Tipica struttura con fingers



(Perdita di SELETTIVITA')

Membrane Asimmetriche: Superfici



Superficie Superiore



Superficie Inferiore

Membrana Destrano/EVAL 10/90



Influenza parametri di controllo sulla struttura finale

MEMBRANE OTTENUTE per DIPPING



soluzione al 7,5% w/v in DMSO



15 0500 00



Membrana in EVAL da soluzione in DMSO invertita in bagno di coagulo $H_2O/DMSO 30/70$



100

<u>Solvente</u> (miscibilità solvente-controsolvente)



<u>Controsolvente</u> (miscibilità solvente-controsolvente)



Membrana in PMMA da soluzione in THF invertita in MeOH

Membrana in PMMA da soluzione in THF invertita in H_2O



Inversione per evaporazione controllata di solvente e non-solvente



.....inversione per evaporazione controllata di solvente e non-solvente - 2





.....inversione per evaporazione controllata di solvente e non-solvente - 3

Superficie SUPERIORE

Superficie INFERIORE





Membrana in PMMA ottenuta da soluzione omogenea trifase PMMA-THF-H₂O invertita per evaporazione controllata del solvente

+

.....inversione per evaporazione controllata di solvente e non-solvente - 4



12kU

×1,000

Superficie SUPERIORE



Membrana in PMMA ottenuta da soluzione omogenea trifase PMMA-THF-H₂O invertita per evaporazione controllata del solvente (*MINOR CONCENTRAZIONE*)

Inversione indotta termicamente (TIPS)



Inversione in Fase Vapore



FIBRE CAVE

Fibre CAVE

Richiamo sulle metodologie più utilizzate per la realizzazione di fibre sintetiche



Fibre CAVE

Moderne tecnologie di filatura hanno permesso di realizzare strutture per impiego in campo medico





Utilizzo di FIBRE CAVE BIODEGRADABILI per <u>fili da sutura</u> <u>riassorbibili</u>



FIBRE CAVE

Preparazione di fibre cave per Inversione



Schema dell'apparato di preparazione di fibre cave per inversione in bagno di coagulo.

(wet-spinning)



Alcuni esempi





bra cava in POLIACRILONITRILE



Alcuni esempi



Schema rappresentativo realizzazione fibre cave ad umido: Iabratorio



Realizzazione fibre cave ad umido: laboratorio



Schema rappresentativo realizzazione fibre cave ad umido



Fibre per WET spinning



Utilizzazione di FIBRE CAVE in ambito BIOMEDICO

Schema rappresentativo realizzazione fibre cave con procedimento intermedio tra secco e umido



Fibre cave con procedimento intermedio tra secco e umido



Interno di fibra cava in PLA con depositate nanosfere in PLGA per il rilascio controllato

Fibre cave: esempi di spinneret

Spinneret per Melt-Spinning





Spinneret per Dry o Wet-Spinning

Fibre cave: esempi di <u>spinneret</u>



FIBRE CAVE



Melt spinning – hollow fibers



EXTRUDER ϕ 12/20D VSF - MAC.GI s.r.l





Coaxial head for single-layer tube



Temperature parameters in the different section of the head for Poly-&-Caprolactone/starch (TP) 90/10

T1				Th	Ts
	(°C)	(°C)	(°C)	_(°C)_	(°C)
70	80	85	95	105	105

EXTRUDER ϕ 12/20D VSF - MAC.GI s.r.l



┛



Horizontal



Vertical

EXTRUDER ϕ 12/20D VSF - MAC.GI s.r.l

SEM ANALYSIS





Fibre Nuove tecnologie tessili per il medicale: <u>ELECTROSPINNING</u>

Metodologie innovative

Electrospinning: sfrutta la forza elettrostatica generata da una **sorgente d**i **potenziale ad alto voltaggio**. Si forma una "goccia" emisferica sulla superficie di una **soluzione polimerica** da cui nasce un **getto carico elettricamente** che viene eiettato da un capillare e da origine alla FIBRA.



ELECTROSPINNING

Metodo per la preparazione di fibre polimeriche in genere con diametri dell'ordine della nanoscala e di matrici fibrose "non-tessute" composte da queste



"Nanoscale fibrous scaffolds can provide an optimal template for cells to seed, migrate and grow, mimicking the structure and biological functions of the natural extracellular matrix (ECM)" [1]

MORPHOLOGICAL ANALYSIS Electrospinning of **PCL** (15% in CH₂Cl₂)



Fibre CAVE Electrospinning



Grande varietà di applicazioni:

- <u>membrane semipermeabili, filtri</u>
- fibre di rinforzo in materiali compositi
- tissue engineering
- microsuture interne
- drug delivery (sup/vol)





The basic assumption of the model was the continuity of polymer fluid and luminal air stream exit from die spinneret (figure 1.a). The application of continuity equation to this system was:

! $m_p = \rho_p A_p v_f = constant!$! ! ! (2)! İ !

!
$$m_a = \rho_a \frac{\pi}{4} d_i^2 v_f = constant!!$$
 ! ! (3)!

where mp, ma, Γ_{p} , Γ_{a} , A_{p} and d_{i} were polymer mass rate, air mass rate, polymer density, air density, polymer fiber area and inner diameter respectively. The common practice in modeling melt fibre

> ! $! \quad A_p = \frac{\pi}{4} \left(d_o^2 - d_i^2 \right)! \quad ! \quad !$

where d_0 and d_i were outer and inner diameter respectively.







The external forces were rheological, aerodynamic, inertial and gravitational force in the downward direction. In our case, aero-dynamic force only was accounted for y direction (downward). Therefore, the equation became:

$$\frac{d}{dy} \left[A_p(\tau^{yy} - \tau^{xx}) \right] + \pi do C_f \rho_a \, \frac{(v_f^2 - v_o^2)}{2} + A_p \rho_f g \sin \theta = m_p \frac{dv_f}{dy} \, \|(5)\|_{\mathcal{O}_f}^2$$

where t^{xx} and t^{yy} were the component of extra stress in x and y direction respectively.

The drag coefficient C_{f} on the basis of relationship developed by Majumdar and Shambaugh [39] was equal:

$$! \quad C_f = 0.78Re^{-0.61}!! \quad ! \quad ! \quad ! \quad (6)!$$

where Reynolds number was:

ļ

ļ

I

$$! \quad Re = \frac{d_o v_f}{v_a}! \quad ! \quad ! \quad ! \quad ! \quad ! \quad (7)!$$

where V_a was kinematic viscosity of air.



In order to account the effect of temperature, energy balance was applied. The extrusion process was assumed to be steady state, no conduction in the axial direction and no viscous dissipation was considered. Thus, the equation applied to solid fibre was:

$$! \qquad m_p C_p \frac{dT_f}{dy} = -\pi h d_o (T_f - T_a) !!! \qquad ! \qquad ! \qquad (8)!$$

where *Cp*, *Tf*, *h* and *Ta* were polymer heat capacity, polymer temperature, convective heat transfer coefficient and ambient air temperature, respectively.

Additionally non-Newtonian approach was used in defining the component of extra stress t^{xx} and t^{yy} . Phan-Thien equations were selected to model the viscoelastic fiber spinning. The equations were:

$$K\tau^{yy} + \lambda \left[v_f \frac{d\tau^{yy}}{dy} - 2(1-\chi)\tau^{yy}\frac{dv_f}{dy} \right] = 2G\lambda \frac{dv_f}{dy}!! \qquad (9)!$$
$$K\tau^{xx} + \lambda \left[v_f \frac{d\tau^{xx}}{dy} + (1-\chi)\tau^{xx}\frac{dv_f}{dy} \right] = -G\lambda \frac{dv_f}{dy}! \qquad (10)!$$

c and | were parameter related to viscous shear thinning and stress relaxation time. During simulation process, they were iterated. K was the parameter that was mostly affected by material shear modulus G and it was equal to:

$$! K = exp\left[\frac{E}{G}(2\tau^{xx} + \tau^{yy})\right]! ! ! (11)!$$

E was a model parameter related to stress saturation at high extension rates. In practical, this value



